

DIPÔLES ELEMENTAIRES EN RÉGIME SINUSOÏDAL

DEFINITIONS

fonctionnement en régime sinusoïdal

Lorsqu'un dipôle passif linéaire est traversé par un courant sinusoïdal de valeur instantanée :, il apparaît entre ses bornes une tension également sinusoïdal et de même fréquence:
.....

Constatations expérimentales

Pour un dipôle donné, à une fréquence fixe:

- les valeurs efficaces de la tension et du courant sont telles que
..... =
- la différence de phase (.....) =

Conséquences

A la fréquence considérée, la connaissance de $\frac{U}{I}$ et de $(\theta_u - \theta_i)$ suffit à caractériser le dipôle.

Caractérisation du dipôle

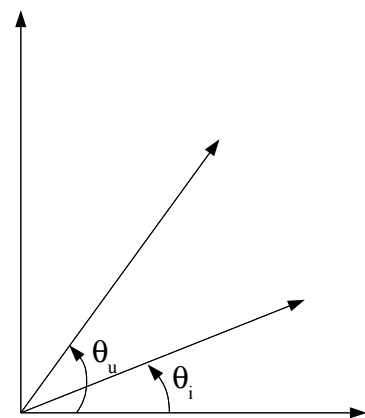
On peut exploiter la construction de Fresnel:

$$\frac{U}{I} = \text{constant et } (\theta_u - \theta_i) = \text{constant.}$$

Impédance

On appelle du dipôle, la grandeur:

$$\vec{Z} = [\text{.....,}]$$



le de \vec{Z} est : $Z = \dots\dots\dots$ en

l'..... de \vec{Z} : $\theta_z = \dots\dots\dots$

Admittance

On appelle du dipôle, la grandeur : $\vec{Y} = [\dots\dots\dots, \dots\dots\dots]$
 de module exprimé en et d'argument
 $\theta_y = \dots\dots\dots$ en rad

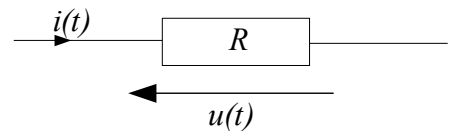
DIPOLES ELEMENTAIRES

Résistance linéaire

La loi d'ohm s'applique aux valeurs instantanées:

$u(t) = \dots\dots\dots$

$i(t) = \dots\dots\dots$ d'où $u(t) = \dots\dots\dots$



par identification: $u(t) = U\sqrt{2}\sin(\omega t + \theta_u)$

$U = \dots\dots\dots$ et $\theta_u = \dots\dots\dots$

d'où $\varphi_{u/i} = \dots\dots\dots$: la tension u est en avec i .

l'impédance est $\vec{Z}_R = [\frac{U}{I}, \theta_u - \theta_i] = [\dots\dots\dots, \dots\dots\dots]$

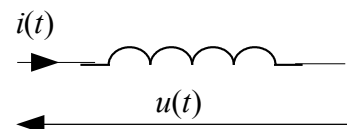
l'admittance est $\vec{Y}_R = [\dots\dots\dots, \dots\dots\dots] = [\dots\dots\dots, \dots\dots\dots]$

construction de Fresnel: En prenant i comme référence des phases



Bobine idéale

Relations entre grandeurs instantanées:



Loi de Lenz: $u(t) = \dots\dots\dots$

Soit $i(t) = I\sqrt{2}\sin(\omega t + \Theta_i)$

$$\Rightarrow \frac{di}{dt} = \dots\dots\dots$$

$$u = \dots\dots\dots$$

par identification: $u(t) = U\sqrt{2}\sin(\omega t + \Theta_u)$

$$U = \dots\dots\dots \text{ et}$$

$$\Theta_u = \dots\dots\dots \Rightarrow \varphi = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$$

Construction de Fresnel: En prenant i comme référence des phases

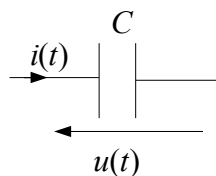


impédance : $\vec{Z}_L = [\dots\dots\dots, \dots\dots\dots]$

admittance: $\vec{Y}_L = [\dots\dots\dots, \dots\dots\dots]$

Condensateur parfait

Relation entre grandeurs instantanées:



$$i = \dots\dots\dots$$

avec $u(t) = U\sqrt{2}\sin(\omega t + \Theta_u)$

$$\frac{du}{dt} = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$$

donc $i(t) = \dots\dots\dots$

Par identification: avec $i(t) = I\sqrt{2}\sin(\omega t + \Theta_i)$

$$I = \dots\dots\dots$$

$$\Theta_i = \dots\dots\dots \Rightarrow \varphi_{u/i} = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$$

Construction de Fresnel: En prenant i comme référence des phases



Admittance: $\vec{Y}_C = [\dots, \dots]$
Impédance : $\vec{Z}_C = [\dots, \dots]$

REMARQUES

Pour une bobine idéale et un condensateur parfait, les impédances et les admittances dépendent de la fréquence.

1. En très haute fréquence ($f \rightarrow \infty$ donc $\omega \rightarrow \infty$)

- Pour une bobine: $Z_L = L\omega \rightarrow \dots$ la bobine se comporte comme un interrupteur

- Pour un condensateur: $Z_C = \frac{1}{C\omega} \rightarrow \dots$ le condensateur se comporte comme un interrupteur

2. En très basse fréquence ($f \rightarrow 0$ donc $\omega \rightarrow 0$)

- Pour une bobine: $Z_L = L\omega \rightarrow \dots$ la bobine se comporte comme un interrupteur

- Pour un condensateur: $Z_C = \frac{1}{C\omega} \rightarrow \dots$ le condensateur se comporte comme un interrupteur